

PENGUJIAN HIPOTESIS

Agus Susworo Dwi Marhaendro

Konsep:

- Hipotesis: asumsi atau dugaan sementara mengenai sesuatu hal.
- Dituntut untuk dilakukan pengecekan kebenarannya.
- Jika asumsi atau dugaan dikhususkan mengenai nilai-nilai parameter populasi, maka dinamakan hipotesis statistik.
- Yang dianggap sebagai hipotesis:
 - peluang lahirnya bayi berjenis laki-laki=0,5
 - 30% mhs aktif dalam ormawa
 - rata-rata pendapatan keluarga Rp 350.000/bln.

- Setiap hipotesis bisa benar atau tidak benar, perlu penelitian sebelum hipotesis diterima atau ditolak.
- Langkah/prosedur untuk menentukan menerima atau menolak:
 - Pengujian hipotesis.

Dua macam kekeliruan

- Untuk pengujian hipotesis, penelitian dilakukan, sampel acak diambil, nilai statistik yang diperlukan dihitung, kemudian dibandingkan – menggunakan kriteria tertentu – dengan hipotesis.
- Jika tidak sesuai dg hipotesis, maka hipotesis ditolak.
- Jika terjadi sebaliknya, maka hipotesis diterima.
- Dalam melakukan pengujian hipotesis ada dua kekeliruan yang dapat terjadi yaitu....

Dua macam kekeliruan (lanjutan...)

- Kekeliruan tipe I:
 - menolak hipotesis yang seharusnya diterima.
- Kekeliruan tipe II:
 - menerima hipotesis yang seharusnya ditolak.

| Kesimpulan | Keadaan sebenarnya | |
|------------------|-------------------------------|--------------------------------|
| | Hipotesis benar | Hipotesis salah |
| Terima Hipotesis | Benar | Keliru (Kekeliruan Tipe II) |
| Tolak Hipotesis | Keliru (Kekeliruan tipe I) | benar |

Dua macam kekeliruan (lanjutan...)

- Saat pengujian hipotesis, kedua tipe kekeliruan harus dibuat sekecil mungkin
- Agar penelitian dapat dilakukan kedua tipe kekeliruan dinyatakan dalam peluang.
- Peluang kekeliruan I dinyatakan dengan α (alfa)
- Peluang kekeliruan II dinyatakan dengan β (beta)

Taraf signifikansi

- Dalam penggunaannya, α disebut juga dg taraf signifikan, atau taraf nyata.
- Jika α diperkecil maka β besar demikian sebaliknya.
- Makna $\alpha = 0,05$ atau taraf nyata 5%
 - berarti kira-kira 5 dari 100 kesimpulan bahwa kita akan menolak hipotesis yang seharusnya diterima
 - dengan kata lain kita telah membuat 95% kesimpulan benar
 - Hipotesis ditolak pada taraf nyata 0,05 berarti peluang salah 0,05

Langkah-langkah pengujian hipotesis

- Pengujian hipotesis akan membawa kepada kesimpulan untuk menerima atau menolak hipotesis perlu perumusan.
 - H_0 = hipotesis nol: sama/tidak berbeda
 - H_1 = hipotesis tandingan: tidak sama
- Pasangan untuk hipotesis

| Hipotesis | | 2 pihak | 1 pihak kanan | 1 pihak kiri |
|--------------|-------|------------------------|---------------------|---------------------|
| H nol | H_0 | $\theta = \theta_0$ | $\theta = \theta_0$ | $\theta = \theta_0$ |
| H alternatif | H_1 | $\theta \neq \theta_0$ | $\theta > \theta_0$ | $\theta < \theta_0$ |

Langkah-langkah pengujian hipotesis

- Menentukan statistik mana yang akan digunakan, apakah z, t, χ^2 , F atau lainnya
- Menentukan kriteria pengujian

Kriteria Penolakan Pengujian Dua Pihak (ekor)

- Jika tandingan H_1 mempunyai rumusan **tidak sama**, maka didapat dua daerah kritis pada ujung distribusi.
- Luas daerah kritis atau daerah penolakan pada tiap ujung adalah $1/2 \alpha$ karena ada 2 daerah penolakan maka uji hipotesis dinamakan uji dua pihak.
- Kriteria pengujian: tolak H_0 jika statistik yang dihitung berdasarkan sampel tidak kurang dari daerah penolakan positif dan tidak lebih dari daerah penolakan negatif.

Kriteria Penolakan Pengujian Satu Pihak (kanan)

- Untuk tandingan H_1 yang mempunyai rumusan **lebih besar**, maka distribusi yang digunakan didapat sebuah daerah kritis yang letaknya di ujung sebelah kanan. Luas daerah kritis/penolakan = α
- Kriteria pengujian: tolak H_0 jika statistik yang dihitung berdasarkan sampel tidak kurang dari daerah penolakan.
- Pengujian dinamakan uji satu pihak tepatnya pihak kanan

Kriteria Penolakan Pengujian Satu Pihak (kiri)

- Jika tandingan H_1 mengandung pernyataan **lebih kecil**, maka daerah kritis ada di ujung kiri distribusi.
- Kriteria yang digunakan: terima H_0 jika statistik yang dihitung berdasarkan penelitian lebih besar dari d (batas daerah penolakan), sedangkan dalam hal lain ditolak
- Pengujian dinamakan uji satu pihak tepatnya pihak kiri.

Menguji rata-rata μ : Uji dua pihak

- Misal kita punya sebuah populasi berdistribusi normal dg rata-rata μ dan simpangan baku σ , akan diuji mengenai parameter μ .
- Untuk ini diambil sampel acak berukuran n , lalu hitung statistik \bar{x} dan s
- untuk pasangan hipotesis $H_0: \mu = \mu_0$
 $H_1: \mu \neq \mu_0$

Lanjutan...

Jika σ diketahui:

- Statistik yang digunakan:
$$z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}}$$

Kriteria:

- Kriteria yang dipakai dari daftar normal standar untuk uji dua pihak adalah terima H_0 jika z_{hitung} ada diantara $-z_t$ dan z_t , dalam hal lainnya H_0 ditolak.
- Dengan z_t didapat dari daftar normal baku dengan peluang $\frac{1}{2}(1 - \alpha) = z_{\frac{1}{2}(1 - \alpha)}$
- Kriteria didapat dari tabel luas daerah normal standar (z)

Contoh

Pengusaha lampu A mengatakan bahwa lampunya bisa tahan pakai sekitar 800 jam. Akhir-akhir ini timbul dugaan bahwa masa pakai lampu itu berubah. Untuk menentukan hal ini, dilakukan penelitian dengan jalan menguji 50 lampu. Ternyata rata-ratanya 792 jam, dengan simpangan baku populasi 60 jam. Selidikilah dengan taraf nyata 0,05 apakah kualitas lampu sudah berubah atau belum.

Lanjutan

- Dengan memisalkan masa hidup lampu berdistribusi normal, maka kita menguji
- $H_0: \mu = 800$ jam
 $H_1: \mu \neq 800$ jam
- $\sigma = 60$ jam
- $\bar{x} = 792$ jam
- $n = 50$

$$z = \frac{792 - 800}{60/\sqrt{50}} = -0,94$$

Lanjutan...

- Dari penelitian sudah didapat $z_{hitung} = -0,94$
- z_{tabel} dengan $\alpha = 0,05$ yang memberikan $z_{0,475} = 1,96$
- berarti kriteria terima H_0 jika z_{hitung} ada diantara $-1,96$ dan $1,96$. dalam hal lainnya H_0 ditolak.
- Dari penelitian sudah didapat $z = -0,94$ yang terletak dalam daerah penerimaan H_0 , Jadi H_0 diterima
- Kesimpulan: dalam taraf nyata $0,05$ penelitian memperlihatkan bahwa masa pakai lampu masih sekitar 800 jam dan belum berubah.

Lanjutan...

Jika σ tidak diketahui

- rumus yang digunakan adalah:

$$t = \frac{\bar{x} - \mu_0}{s / \sqrt{n}}$$

- Kriteria:
- Terima H_0 jika t ada diantara $-t_t$ dan t_t ($-t_{1-1/2\alpha} < t < t_{1-1/2\alpha}$) dalam hal lainnya tolak H_0 .
- Kriteria didapat dari tabel distribusi student t dengan nilai α dan nilai $dk = (n-1)$,

Contoh

Pengusaha lampu A mengatakan bahwa lampunya bisa tahan pakai sekitar 800 jam. Akhir-akhir ini timbul dugaan bahwa masa pakai lampu itu berubah. Untuk menentukan hal ini, dilakukan penelitian dengan jalan menguji 50 lampu. Dari perhitungan sampel diperoleh rata-rata 792 jam dan simpangan baku 55 jam. Selidikilah dengan taraf nyata $0,05$ apakah kualitas lampu sudah berubah atau belum.

Lanjutan...

- Untuk contoh masa pakai lampu, misalkan simpangan baku populasi tidak diketahui, dan dari sampel didapat $s = 55$ jam, maka dari rumus di atas dengan rata-rata 792, $\mu=800$, dan $n = 50$, didapat:

$$t = \frac{792 - 800}{55/\sqrt{50}} = -1,029$$

Lanjutan...

- Dari daftar distribusi student dengan $\alpha = 0,05$ dan dk 49 untuk uji dua pihak didapat $t = ?$
 - dk 40 $\longrightarrow t = 2,02$
 - dk 60 $\longrightarrow t = 2,00$
 - dk 49 $\longrightarrow t = 2,01$
- berarti kriteria terima H_0 jika t_{hitung} ada diantara -2,01 dan 2,01. dalam hal lainnya H_0 ditolak.
- $-2,01 < -1,029 < 2,01$
- Dari penelitian sudah didapat $z = -0,94$ yang terletak dalam daerah penerimaan H_0 . Jadi H_0 diterima
- Kesimpulan: dalam taraf nyata 0,05 penelitian memperlihatkan bahwa masa pakai lampu masih sekitar 800 jam dan belum berubah.

Uji Satu Pihak

Bila σ diketahui

- Hipotesis:
 - $H_0 : \mu = \mu_0$
 - $H_1 : \mu > \mu_0$
- Kriteria tolak H_0 jika z sama atau lebih besar dari $z_{tabel(\alpha)}$ ($z \geq z_{0,5}$), dalam hal lain terima H_0
- Kriteria didapat dari tabel luas daerah normal standar

Contoh

- Proses pembuatan barang rata-rata menghasilkan 15,7 unit perjam. Hasil produksi mempunyai varians 2,3. metode baru diusulkan untuk mengganti yang lama jika rata-rata perjam menghasilkan paling sedikit 16 buah. Untuk menentukan apakah metode diganti atau tidak, metode baru dicoba 20 kali dan ternyata rata-rata perjam menghasilkan 16,9 buah. Pengusaha bermaksud mengambil risiko 5% untuk menggunakan metode baru apabila metode ini rata-rata menghasilkan lebih dari 16 buah. Apakah keputusan pengusaha?

Lanjutan

- Hipotesis
 - $H_0 : \mu = 16$ buah
(rata-rata hasil metode baru paling tinggi 16 buah)
 - $H_1 : \mu > 16$ buah
(rata-rata hasil metode baru lebih dari 16 buah)
- Perhitungan
 - $\sigma = 2,3$ buah
 - $\bar{x} = 16,9$ buah
 - $n = 20$

$$z = \frac{16,9 - 16}{2,3/\sqrt{20}} = 1,76$$

Lanjutan

- Dari penelitian sudah didapat $z_{hitung} = 1,76$
- z_{tabel} dengan $\alpha = 0,05$ yang memberikan $z_{0,450} = 1,64$
- berarti kriteria tolak H_0 jika z_{hitung} sama atau lebih besar dari 1,64. dalam hal lainnya H_0 diterima.
- Dari penelitian sudah didapat $z = 1,76$ yang terletak dalam daerah penolakan H_0 , Jadi H_0 ditolak
- Kesimpulan: metode baru dapat menggantikan metode yang lama dengan mengambil resiko 5%

Uji Satu Pihak

Bila σ tidak diketahui

- Hipotesis:
 $H_0 : \mu = \mu_0$
 $H_1 : \mu > \mu_0$
- Kriteria tolak H_0 jika t sama atau lebih besar dari $t_{tabel (1-\alpha)}$ ($t \geq t_{0,95}$), dalam hal lain terima H_0
- Kriteria didapat dari tabel luas daerah normal standar

Contoh

- Dengan menyuntikkan semacam hormon lasix kepada atlet tinju akan menambah berat badannya rata-rata 4,5 ons. Sampel acak yang terdiri dari 31 atlet yang telah disuntik memberikan rata-rata berat 4,9 ons dan simpangan baku 0,8 ons. Cukup beralasankah untuk menerima pernyataan bahwa pertambahan rata-rata berat badan paling sedikit 4,5 ons.

Lanjutan

- Hipotesis
 $H_0: \mu = 4,5$ ons
(penyuntikan tdk menyebabkan penambahan berat badan 4,5 ons)
 $H_1: \mu > 4,5$ ons
(penyuntikan menyebabkan penambahan berat badan paling sedikit 4,5 ons)
- Perhitungan
 - $S = 0,8$ ons
 - $\bar{x} = 4,9$ ons
 - $n = 31$

$$t = \frac{4,9 - 4,5}{0,8/\sqrt{31}} = 2,86$$

Lanjutan

- Dari penelitian sudah didapat $t_{hitung} = 2,86$
- t_{tabel} dengan $\alpha = 0,01$ dan dk 30 yang memberikan $t_{(0,99) (30)} = 2,46$
- berarti kriteria tolak H_0 jika t_{hitung} sama atau lebih besar dari 2,46. dalam hal lainnya H_0 diterima.
- Dari penelitian sudah didapat $z = 2,86$ yang terletak dalam daerah penolakan H_0 , Jadi H_0 ditolak
- Kesimpulan: hormon lasix dapat menambah berat badan petinju rata-rata paling sedikit 4,5 ons

Lanjutan...

- Akhir-akhir ini masyarakat mengeluh bahwa isi bersih makanan A dalam kaleng tidak sesuai dengan yang tertulis sebesar 5 ons. Untuk meneliti hal ini, 23 kaleng makanan A telah direliti secara acak. Dari ke 23 isi kaleng tersebut, beratnya rata-rata 4,9 ons dan simpangan bakunya 0,2 ons. Dengan taraf nyata 5% simpulkan hasil penelitian tersebut!

Lanjutan...

- $H_0: \mu = 5$
 $H_1: \mu < 5$

- Dengan σ tidak diketahui, didapat statistik t:

$$t = \frac{4,9 - 5}{0,2/\sqrt{23}} = -2,398$$

- Dengan nilai $\alpha = 0,05$ dan dk 22. dari daftar distribusi t didapat $t = 1,72$. Dari perhitungan didapat $t = -2,398$ yang jelas jatuh pada daerah penolakan H_0 .
- Kesimpulan: penelitian menguatkan keluhan masyarakat bahwa isi bersih makanan dalam kaleng sudah tidak sesuai dengan yang tertulis.