Mata Kuliah : ALJABAR LINEAR II

Kode Mata Kuliah: SMA 316

Dosen / e-mail : Dr. Karyati, S.Si, M.Si / karyati@uny.ac.id

**SKS** : 3 SKS

Waktu Pertemuan: 3 x 50 menit

Pertemuan ke : 1 (Satu)

## A. Kompetensi dasar

Mahasiswa mampu menjelaskan dan memberi contoh definisi ruang vektor dan subruang vektor, mampu membuktikan semua sifat-sifat ruang vektor dan subruang vektor

# B. Indikator Pencapaian Kompetensi:

- 1. Mahasiswa dapat menyebutkan aksioma-aksioma definisi suatu ruang vektor.
- 2. Mahasiwa dapat membuktikan suatu himpunan merupakan ruang vektor atau bukan.
- 3. Mahasiwa dapat memberikan contoh ruang vektor.
- 4. Mahasiswa dapat menyebutkan sifat-sifat ruang vektor.
- 5. Mahasiwa dapat membuktikan sifat-sifat ruang vektor.
- 6. Mahasiswa dapat menyebutkan aksioma-aksioma definisi suatu subruang vektor.
- 7. Mahasiwa dapat membuktikan suatu himpunan merupakan subruang vektor atau bukan.
- 8. Mahasiwa dapat memberikan contoh subruang vektor.
- 9. Mahasiswa dapat menyebutkan sifat-sifat subruang vektor.
- 10. Mahasiwa dapat membuktikan sifat-sifat subruang vektor.

#### C. Materi Perkuliahan

Definisi ruang vektor, pengertian tentang operasi biner yang terlibat dalam suatu ruang vektor, pengertian tentang vektor nol, sifat-sifat ruang vektor, definisi subruang vektor, sifat-sifat subruangg vektor.

Tahap	Uraian kegiatan Perkuliahan	Media/Alat Perkuliahan	Estimasi waktu
1	2	3	4
Pendahuluan	Mendiskripsikan seluruh isi mata	1. LCD	20 menit
	kuliah dan kaitannya dengan mata	2. Laptop	
	kuliah prasyarat.		
	2. Membuat kontrak perkuliahan		
	dengan mahasiswa.		
	3. Menjelaskan kompetensi dasar dan		
	indikator pencapaian kompetensi		
	dari materi ini.		
Penyajian (Inti)	Memberikan alasan munculnya	1. LCD	105 menit
	definisi ruang vektor.	2. Laptop	
	2. Menjelaskan definisi ruang vektor.	3. Papan tulis	
	3. Menjelaskan aksioma-aksioma		
	ruang vektor.		
	4. Memberikan contoh ruang vektor		
	dan yang bukan ruang vektor.		
	5. Menjelaskan sifat-sifat ruang vektor		
	dan pembuktiannya.		
	6. Memberikan soal latihan tentang		
	ruang vektor.		
	7. Membimbing mahasiswa dan		
	berdiskusi, menyelesaikan soal		
	latihan tersebut dengan memberi		
	guided questions.		
	8. Menjelaskan motivasi / alasan		
	munculnya istilah subruang vektor.		
	Menjelaskan definsi subruang		
	vektor.		
	10. Memberikan contoh-contoh		
	subruang vektor dan yang bukan		
	subruang vektor.		
	11. Menjelaskan dan membuktikan		
	sifat-sifat ruang vektor.		

Penutup dan	1.	Memberikan kesimpulan tentang	1.	LCD	10 menit
Tindak Lanjut		materi tersebut.	2.	Papan Tulis	
	2.	Menjelaskan sekilas tentang materi	3.	Laptop	
		berikutnya.			
	3.	Memberikan Kuis terkait materi			15 menit
		tersebut.			
		(jika tepat waktu)			

- 1. Keaktifan mahasiswa dalam menjawab guided questions dengan tepat, dengan memberikan tanda khusus pada daftar nilai harian.
- 2. Hasil penilaian Kuis
- 3. Hasil penilaian tugas (terintegrasi dengan materi lain/ berikutnya)

Yogyakarta, Juni 2015 Dosen Pengampu,

Mata Kuliah : ALJABAR LINEAR II

Kode Mata Kuliah: SMA 316

Dosen / e-mail : Dr. Karyati, S.Si, M.Si / karyati@uny.ac.id

**SKS** : 3 SKS

Waktu Pertemuan: 3 x 50 menit

Pertemuan ke : 2 (Dua)

#### A. Kompetensi dasar

Mahasiswa mampu menjelaskan dan memberi contoh kombinasi linear, merentang, kebebaslinieran, basis dan dimensi ruang vektor beserta mampu membuktikan sifat-sifatnya.

#### B. Indikator Pencapaian Kompetensi:

- Mahasiswa dapat menyebutkan definisi dan membuktikan suatu vektor merupakan kombinasi linear dari vektor-vektor yang lain.
- Mahasiwa dapat memberikan contoh vektor merupakan kombinasi linear dari vektorvektor yang lain.
- 3. Mahasiswa dapat menyebutkan dan membuktikan sifat-sifat kombinasi linear.
- 4. Mahasiswa dapat menyebutkan definisi dan membuktikan himpunan vektor yang merentang suatu ruang vektor.
- Mahasiwa dapat memberikan contoh himpunan vektor yang merentang suatu ruang vektor.
- Mahasiswa dapat menyebutkan dan membuktikan sifat-sifat himpunan yang merentang ruang vektor.
- Mahasiswa dapat menyebutkan definisi dan membuktikan himpunan vektor yang bebas linear.
- 8. Mahasiwa dapat memberikan contoh himpunan vektor yang bebas linear.
- Mahasiswa dapat menyebutkan dan membuktikan sifat-sifat himpunan yang bebas linear.

- 10. Mahasiswa dapat menyebutkan definisi dan membuktikan himpunan vektor yang membentuk basis suatu ruang vektor.
- 11. Mahasiwa dapat memberikan contoh himpunan vektor yang membentuk basis suatu ruang vektor.
- 12. Mahasiswa dapat menyebutkan dan membuktikan sifat-sifat basis ruang vektor.
- 13. Mahasiswa dapat menyebutkan definisi dimensi ruang vektor.
- 14. Mahasiwa dapat menentukan dimensi suatu ruang vektor.
- 15. Mahasiswa dapat menyebutkan dan membuktikan sifat-sifat dimensi ruang vektor.

#### C. Materi Perkuliahan

Definisi dan sifat-sifat kombinasi linear, definisi dan sifat-sifat himpunan vektor yang merentang ruang vektor berikut contoh dan buktinya, definisi dan sifat-sifat himpunan vektor yang bebas linear berikut contoh dan buktinya, definisi dan sifat-sifat ruang vektor berikut contoh dan bukti basis suatu ruang vektor, berikut contoh dan buktinya, definsi dan sifat dimensi suatu ruang vektor.

Tahap	Uraian kegiatan Perkuliahan	Media/Alat Perkuliahan	Estimasi waktu
1	2	3	4
Pendahuluan	Apersepsi dengan mengulang	1. LCD	10 menit
	materi sebelumnya dan kaitannya	2. Laptop	
	dengan materi ini		
	2. Menjelaskan kompetensi dasar dan		
	indikator pencapaian kompetensi		
	dari materi ini.		
Penyajian (Inti)	1. Menjelaskan motivasi/alasan dan	1. LCD	115 menit
	mendefinisikan definisi kombinasi	2. Laptop	
	linear.	3. Papan Tulis	
	2. Memberikan contoh vektor yang		
	merupakan kombinasi linear dari		
	vektor-vektor lain dan yang bukan.		
	3. Menjelaskan sifat-sifat kombinasi		
	linear, dengan dibuktikan bersama		

- mahasiswa.
- Memberikan latihan soal yang didiskusikan dalam satu kelas dengan bimbingan dosen dengan teknik guided question.
- Menjelaskan motivasi / alasan dan mendefinisikan definisi merentang.
- Memberikan contoh himpunan vektor yang merentang ruang vektor dan yang tidak.
- Menjelaskan sifat-sifat merentang, dengan dibuktikan bersama mahasiswa.
- 8. Memberikan latihan soal yang didiskusikan dalam satu kelas dengan bimbingan dosen dengan teknik *guided question*.
- Menjelaskan motivasi / alasan mendefinisiakn tentang bebas linear.
- Memberikan contoh himpunan vektor yang bebas linear dan yang tidak.
- Menjelaskan sifat-sifat bebas linear, dengan dibuktikan bersama mahasiswa.
- 12. Memberikan latihan soal yang didiskusikan dalam satu kelas dengan bimbingan dosen dengan teknik guided question.
- Menjelaskan motivasi / alasan mendefinisikan basis dan dimensi.
- 14. Memberikan basis dan dimensi

	ruang vektor dan yang bukan basis	
	ruang vektor.	
	15. Menjelaskan sifat-sifat basis dan	
	dimensi. kombinasi linear, dengan	
	dibuktikan bersama mahasiswa.	
	16. Memberikan latihan soal yang	
	didiskusikan dalam satu kelas	
	dengan bimbingan dosen dengan	
	teknik guided question.	
Penutup dan	Memberikan kesimpulan tentang	1. LCD 10 menit
Tindak Lanjut	materi tersebut.	2. Papan Tulis
	2. Menjelaskan sekilas tentang materi	3. Laptop
	berikutnya.	
	3. Memberikan Kuis terkait materi	15 Menit
	tersebut.	
	(jika tepat waktu)	
	4. Tugas Pertama	

- 1. Keaktifan mahasiswa dalam menjawab guided questions dengan tepat, dengan memberikan tanda khusus pada daftar nilai harian.
- 2. Hasil penilaian Kuis
- 3. Hasil penilaian tugas

Yogyakarta, Juni 2015 Dosen Pengampu,

Mata Kuliah : ALJABAR LINEAR II

Kode Mata Kuliah: SMA 316

Dosen / e-mail : Dr. Karyati, S.Si, M.Si / karyati@uny.ac.id

**SKS** : 3 SKS

Waktu Pertemuan: 3 x 50 menit

Pertemuan ke : 3 (Tiga)

## A. Kompetensi dasar

Mahasiswa mampu menjelaskan dan memberi contoh tentang ruang baris, ruang kolom suatu matriks beserta mampu membuktikan sifat-sifatnya.

#### B. Indikator Pencapaian Kompetensi:

- 1. Mahasiswa dapat menyebutkan definisi ruang baris dan ruang kolom suatu matriks.
- 2. Mahasiwa dapat memberikan contoh baris dan ruang kolom suatu matriks.
- 3. Mahasiswa dapat menyebutkan dan membuktikan sifat-sifat baris dan ruang kolom suatu matriks.
- 4. Mahasiswa dapat menentukan basis dari ruang baris dan ruang kolom.
- 5. Mahasiswa dapat memberikan contoh basis dari ruang baris dan ruang kolom.
- Mahasiswa dapat menyebutkan dan membuktikan sifat-sifat basis dari ruang baris dan ruang kolom.
- Mahasiswa dapat menyebutkan definisi dan menentukan dimensi ruang baris dan ruang kolom.

## C. Materi Perkuliahan

Definisi ruang baris dan ruang kolom, sifat-sifat ruang baris dan ruang kolom, basis dan dimensi ruang baris dan ruang kolom.

Tahap	Uraian kegiatan Perkuliahan	Media/Alat Perkuliahan	Estimasi waktu
1	2	3	4
Pendahuluan	Apersepsi : mengingatkan akan	1. LCD	15 menit
	operasi baris elementer,	2. Laptop	
	mengulang materi sebelumnya		
	dan kaitannya dengan materi ini		
	2. Menjelaskan kompetensi dasar		
	dan indikator pencapaian		
	kompetensi dari materi ini.		
Penyajian (Inti)	1. Menjelaskan tentang motivasi/	4.	
	alasan definisi ruang baris dan		
	ruang kolom		
	2. Mendefinisikan ruang baris dan		
	ruang kolom		
	3. Memberikan contoh ruang baris		
	dan ruang kolom		
	4. Mencari basis dari ruang baris dan		
	ruang kolom berkaitan dengan		
	operasi baris elementer		
	5. Menentukan dimensi atau rank		
	dari ruang baris dan ruang kolom		
	suatu matriks.		
	6. Memberikan contoh cara mencari		
	basis dari suatu ruang baris dan		
	ruang kolom.		
	7. Latihan soal dan diskusi kelas		
	dengan tehnik guided question,		
	terkait dengan basis dan dimensi		
	ruang baris dan ruang kolom.		
	8. Menjelaskan tentang sifat-sifat		
	ruang baris dan ruang kolom		
	beserta pembuktiannya bersama		
	, ,		

	dengan mahasiswa, denga	n
	teknik guided questions.	
Penutup dan	I. Memberikan kesimpulan tentang	4. LCD 10 menit
Tindak Lanjut	materi tersebut.	5. Papan Tulis
	2. Menjelaskan sekilas tentang mate	i 6. Laptop
	berikutnya.	
	3. Memberikan Kuis terkait materi	15 enit
	tersebut.	
	(jika tepat waktu, bersifat tentative	
	5. Tugas terintegrasi dengan materi	
	selanjutnya.	

- 1. Keaktifan mahasiswa dalam menjawab guided questions dengan tepat, dengan memberikan tanda khusus pada daftar nilai harian.
- 2. Hasil penilaian Kuis
- 3. Hasil penilaian tugas

Yogyakarta, Juni 2015 Dosen Pengampu,

Mata Kuliah : ALJABAR LINEAR II

Kode Mata Kuliah: SMA 316

Dosen / e-mail : Dr. Karyati, S.Si, M.Si / karyati@uny.ac.id

**SKS** : 3 SKS

Waktu Pertemuan: 3 x 50 menit

Pertemuan ke : 4 (Empat)

#### A. Kompetensi dasar

Mahasiswa mampu menjelaskan dan memberi contoh definisi ruang hasil kali dalam, mampu menyebutkan dan membuktikan sifat-sifat ruang hasil kali dalam.

#### B. Indikator Pencapaian Kompetensi:

- 1. Mahasiswa dapat menyebutkan aksioma-aksioma definisi suatu hasil kali dalam.
- 2. Mahasiwa dapat membuktikan suatu pemetaan merupakan hasil kali dalam.
- 3. Mahasiwa dapat memberikan contoh hasil kali dalam.
- 4. Mahasiswa dapat menyebutkan sifat-sifat hasil kali dalam.
- 5. Mahasiwa dapat membuktikan sifat-sifat hasil kali dalam.
- 6. Mahasiswa dapat menyebutkan aksioma-aksioma definisi suatu ruang hasil kali dalam.
- 7. Mahasiwa dapat membuktikan suatu ruang vektor merupakan ruang hasil kali dalam atau bukan.
- 8. Mahasiwa dapat memberikan contoh ruang hasil kali dalam.
- 9. Mahasiswa dapat menyebutkan sifat-sifat ruang hasil kali dalam.
- 10. Mahasiwa dapat membuktikan sifat-sifat ruang hasil kali dalam.
- 11. Mahasiswa mampu menyebutkan definsi panjang, jarak dan sudut dua vektor.
- 12. Mahasiswa mampu memberikan contoh panjang, jarak dan sudut dua vektor.
- 13. Mahasiwa mampu menjelaskan dan membuktikan sifat-sifat panjang, jarak dan sudut dua vektor.

# C. Materi Perkuliahan

Hasil kali dalam, sifat hasil kali dalam, ruang hasil kali dalam, sifat ruang hasil kali dalam, panjang vektor, jarak dua vektor, sudut dua vektor, sifat panjang, jarak dan sudut dua vektor.

Tahap	Uraian kegiatan Perkuliahan	Media/Alat Perkuliahan	Estimasi waktu
1	2	3	4
Pendahuluan	Apersepsi: mengulas definsi panjang	1. LCD	20 menit
	dan jarak vektor, serta sudut antara	2. Laptop	
	dua vektor pada ruang euclide yang		
	telah dikenal sewaktu masa SMA.		
	2Menjelaskan kompetensi dasar dan		
	indikator pencapaian kompetensi dari		
	materi ini.		
Penyajian (Inti)	Memberikan alasan/ motivasi definisi	1. LCD	105 menit
	hasil kali dalam.	Laptop     Repan tulis	
	2. Menjelaskan definisi hasil kali dalam.	5. Tapan tulis	
	3. Memberikan contoh suatu pemetaan		
	merupakan hasil kali dalam atau		
	bukan.		
	4. Menjelaskan sifat-sifat hasil kali		
	dalam dan pembuktiannya.		
	5. Memberikan soal latihan tentang		
	hasil kali dalam.		
	6. Menjelaskan motivasi / alasan		
	definisi ruang hasil kali dalam		
	7Menjelaskan definsi ruang hasil kali		
	dalam.		
	8. Memberikan contoh-contoh ruang		
	hasil kali dalam dan yang bukan		
	ruang hasil kali dalam.		
	9. Menjelaskan dan membuktikan sifat-		
	sifat ruang hasil kali dalam		

	10. Menjelaskan motivasi definisi	
	panjang, jarak dan sudut dua vektor	
	dalam ruang hasil kali dalam.	
	11. Memberikan definisi panjang, jarak	
	dan sudut dua vektor dalam ruang	
	hasil kali dalam.	
	12. Menjelaskan dan membuktikan sifat-	
	sifat panjang, jarak dan sudut dua	
	vektor dalam ruang hasil kali dalam.	
Penutup dan	Memberikan kesimpulan tentang     LCD	10 menit
Tindak Lanjut	materi tersebut. 2. Papan T	ulis
	2. Menjelaskan sekilas tentang materi 3. Laptop	
	berikutnya.	
	3. Memberikan Kuis terkait materi	15 menit
	tersebut.	
	(jika tepat waktu, bersifat tentative)	
	4. Tugas terintegrasi dengan materi	
	selanjutnya.	
	o o i ai i justi justi	

- 1. Keaktifan mahasiswa dalam menjawab guided questions dengan tepat, dengan memberikan tanda khusus pada daftar nilai harian.
- 2. Hasil penilaian Kuis
- 3. Hasil penilaian tugas

Yogyakarta, Juni 2015 Dosen Pengampu,

Mata Kuliah : ALJABAR LINEAR II

Kode Mata Kuliah: SMA 316

Dosen / e-mail : Dr. Karyati, S.Si, M.Si / karyati@uny.ac.id

**SKS** : 3 SKS

Waktu Pertemuan: 3 x 50 menit

Pertemuan ke : 5 (Lima)

## A. Kompetensi dasar

Mahasiswa mampu membedakan dan memberi contoh definisi basis orthogonal dan orthonormal pada ruang hasil kali dalam, mampu menyebutkan dan membuktikan sifat-sifat basis orthogonal maupun orthomormal.

## B. Indikator Pencapaian Kompetensi:

- 1. Mahasiswa dapat menyebutkan definisi basis orthogonal.
- 2. Mahasiwa dapat membuktikan suatu basis ruang hasil kali dalam membentuk basis orthogonal.
- 3. Mahasiwa dapat memberikan contoh basis orthogonal pada ruag hasil kali dalam.
- 4. Mahasiswa dapat menyebutkan sifat-sifat basis orthogonal.
- 5. Mahasiwa dapat membuktikan sifat-sifat basis orthogonal.
- 6. Mahasiswa dapat menyebutkan definisi basis orthonormal.
- Mahasiwa dapat membuktikan suatu basis ruang hasil kali dalam membentuk basis orthonormal.
- 8. Mahasiwa dapat memberikan contoh basis orthonormal pada ruag hasil kali dalam.
- 9. Mahasiswa dapat menyebutkan sifat-sifat basis orthonormal.
- 10. Mahasiwa dapat membuktikan sifat-sifat basis orthonormal.

#### C. Materi Perkuliahan

Basis orthogonal, sifat basis orthogonal, basis orthonormal, sifat basis orthonoemal.

Tahap		Uraian kegiatan Perkuliahan		Media/Alat Perkuliahan	Estimasi waktu
1		2		3	4
Pendahuluan	1.	Apersepsi: mengulas materi pada	1.	LCD	20 menit
		pertemuan sebelumnya dan	2.	Laptop	
		kaitannya dengan materi saat ini.			
	2.	.Menjelaskan kompetensi dasar			
		dan indikator pencapaian			
		kompetensi dari materi ini.			
Penyajian (Inti)	1.	Memberikan alasan/ motivasi	1.	_	105 menit
		definisi basis orthogonal.	2. 3.		
	2.	Menjelaskan definisi basis	٥.	. Taparituiis	
		orthogonal.			
	3.	Memberikan contoh suatu basis			
		orthogonal.			
	4.	Menjelaskan sifat-sifat basis			
		orthogonal dan pembuktiannya			
	5.	Menjelaskan motivasi / alasan			
		definisi basis orthonormal			
	6.	.Menjelaskan definsi basis			
		orthonormal.			
	7.	Memberikan contoh-contoh			
		basisi orthonormal dan yang			
		bukan.			
	8.	Menjelaskan dan membuktikan			
		sifat-sifat basis orthonormal.			
	9.	Memberikan latihan soal basis			
		orthogonal dan orthonormal			
		melalui diskusi kelas dengan			
		strategi guided questions			
Penutup dan	1.	Memberikan kesimpulan tentang		1. LCD	10 menit
Tindak Lanjut		materi tersebut.		2. Papan	
	2.	Menjelaskan sekilas tentang		Tulis	
		materi berikutnya.		3. Laptop	
	3.	Memberikan Kuis terkait materi			15 enit

	tersebut.	
	(jika tepat waktu, bersifat	
	tentative)	
4.	Tugas terintegrasi dengan materi	
	selanjutnya.	

- 1. Keaktifan mahasiswa dalam menjawab guided questions dengan tepat, dengan memberikan tanda khusus pada daftar nilai harian.
- 2. Hasil penilaian Kuis
- 3. Hasil penilaian tugas

Yogyakarta, Juni 2015 Dosen Pengampu,

Mata Kuliah : ALJABAR LINEAR II

Kode Mata Kuliah: SMA 316

Dosen / e-mail : Dr. Karyati, S.Si, M.Si / karyati@uny.ac.id

SKS : 3 SKS

Waktu Pertemuan: 3 x 50 menit

Pertemuan ke : 6 (Enam)

## A. Kompetensi dasar

Mahasiswa mampu menjelaskan proses Gram\_Schmidt dan menerapkannya dalam menentukan basis orthogonal maupun orthonormal pada ruang hasil kali dalam.

## B. Indikator Pencapaian Kompetensi:

- Mahasiswa dapat menjelaskan algoritma proses Gram-Schmidt untuk menentukan basis orthogonal.
- 2. Mahasiswa .menggunakan algoritma proses Gram-Schmidt untuk menentukan basis orthogonal.
- 3. Mahasiswa dapat menjelaskan algoritma proses Gram-Schmidt untuk menentukan basis orthonormal.
- 4. Mahasiswa dapat menjelaskan algoritma proses Gram-Schmidt untuk menentukan basis orthogonal.

## C. Materi Perkuliahan

Algoritma proses Gram-Schmidt, penerapan algoritma proses Gram-Schmidt Basis orthogonal, sifat basis orthogonal, basis orthonormal, sifat basis orthonormal.

Tahap		Uraian kegiatan Perkuliahan		Media/Alat Perkuliahan	Estimasi waktu
1		2		3	4
Pendahuluan	1.	Apersepsi: mengulas materi pada		1. LCD	20 menit
		pertemuan sebelumnya dan		2. Laptop	
		kaitannya dengan materi saat ini.			
	2.	.Menjelaskan kompetensi dasar			
		dan indikator pencapaian			
		kompetensi dari materi ini.			
Penyajian (Inti)	1.	Memberikan alasan/ motivasi		1. LCD	105 menit
		adanya proses Gram-schmidt.		<ol> <li>Laptop</li> <li>Papan</li> </ol>	
	2.	Menjelaskan algoritma proses		tulis	
		Gram-schmidt.			
	3.	Memberikan contoh menentukan			
		basis orthogonal dengan proses			
		Gram-Schmidt.			
	4.	Menjelaskan algoritma menen			
		tukan basis orthogonal.			
	5.	Memberikan contoh menentukan			
		basis orthogonal dengan proses			
		Gram-Schmidt.			
	6.	Memberikan latihan soal basis			
		orthogonal dan orthonormal			
		melalui diskusi kelas dengan			
		strategi guided questions			
Penutup dan	1.	Memberikan kesimpulan tentang	1.	LCD	10 enit
Tindak Lanjut		materi tersebut.	2.	Papan Tulis	
	2.	Menjelaskan sekilas tentang	3.	Laptop	
		materi berikutnya.			
	3.	Memberikan Kuis terkait materi			15 enit
		tersebut.			
		(jika tepat waktu, bersifat			
		tentative)			
	4.	Tugas terintegrasi dengan materi			
		sebelumnya.			

- 1. Keaktifan mahasiswa dalam menjawab guided questions dengan tepat, dengan memberikan tanda khusus pada daftar nilai harian.
- 2. Hasil penilaian kuis
- 3. Hasil penilaian tugas

Yogyakarta, Juni 2015 Dosen Pengampu,

Mata Kuliah : ALJABAR LINEAR II

Kode Mata Kuliah: SMA 316

Dosen / e-mail : Dr. Karyati, S.Si, M.Si / karyati@uny.ac.id

SKS : 3 SKS

Waktu Pertemuan: 3 x 50 menit

Pertemuan ke : 7 (Tujuh)

#### A. Kompetensi dasar

Mahasiswa mampu menentukan koordinat suatu vektor terhadap basis yang telah ditentukan, maupun jika basis diubah.

## B. Indikator Pencapaian Kompetensi:

- 1. Mahasiswa dapat menjelaskan definisi koordinat suatu vektor.
- 2. Mahasiswa .menentukan koordinat vektor untuk basis tertentu.
- 3. Mahasiswa dapat koordinat baru dari suatu vektor jika basisnya diubah.
- 4. Mahasiswa dapat menjelaskan definisi matriks transisi.
- 5. Mahasiswa dapat menentukan matriks transisi dari perubahan basis.
- 6. Mahasiswa dapat menentukan koordianat vektor terhadap basisi baru dengan memanfaatkan matriks transisi.
- 7. Mahasiswa dapat menyebutkan dan membuktikan sifta dari matriks transisi.

### C. Materi Perkuliahan

Koordinat vektor, perubahan basis, matriks transisi dan sifat-sifatnya

Tahap	Uraian kegiatan Perkuliahan	Media/Alat Perkuliahan	Estimasi waktu
1	2	3	4
Pendahuluan	Apersepsi: mengulas materi pada pertemuan sebelumnya dan kaitannya dengan materi saat ini.	1. LCD 2. Laptop	20 menit

	2.	Menjelaskan kompetensi dasar			
		dan indikator pencapaian			
		kompetensi dari materi ini.			
Penyajian (Inti)	1.	adanya koordinat vektor		<ol> <li>LCD</li> <li>Laptop</li> <li>Papan</li> </ol>	105 menit
	2.	terhadap suatu basis.  Menjelaskan definisi koordinat vektor terhadap basisi tertentu.		tulis	
	3.	Memberikan contoh			
		menentukan koordinat vektor terhadap basisi tertentu			
	4.	Menjelaskan prinsip perubahan			
		basis.			
	5.	Memberikan contoh			
		menentukan koordinat vektor			
		terhadap basisi baru.			
	6.	Menentukan matriks transisi jika			
		dua basis diketahui.			
	7.	Menentukan koordianat vektor			
		terhadap basisi baru			
		berdasarkan matriks			
		transisinya.			
	8.	Memberikan latihan soal melalui			
		diskusi kelas dengan strategi			
		guided questions			
Penutup dan	1.	Memberikan kesimpulan	1.	LCD	10 menit
Tindak Lanjut		tentang materi tersebut.	2.	Papan Tulis	
	2.	Menjelaskan sekilas tentang	3.	Laptop	
		materi berikutnya.			
	3.	Memberikan Kuis terkait materi			15 menit
		tersebut.			
		(jika tepat waktu, bersifat			
		tentative)			
	4.	Tugas terintegrasi dengan			
		materi sebelumnya.			
	1		l		

- 1. Keaktifan mahasiswa dalam menjawab guided questions dengan tepat, dengan memberikan tanda khusus pada daftar nilai harian.
- 2. Hasil penilaian kuis
- 3. Hasil penilaian tugas

Yogyakarta, Juni 2015 Dosen Pengampu,

Mata Kuliah : ALJABAR LINEAR II

Kode Mata Kuliah: SMA 316

Dosen / e-mail : Dr. Karyati, S.Si, M.Si / karyati@uny.ac.id

**SKS** : 3 SKS

Waktu Pertemuan: 3 x 50 menit

Pertemuan ke : 9 (Sembilan)

### A. Kompetensi dasar

Mahasiswa mampu menentukan suatu pemetaan membentuk transformasi linear dan mampu menyebutkan dan membuktikan sifat-sifat transformasi linear.

## B. Indikator Pencapaian Kompetensi:

- 1. Mahasiswa dapat menjelaskan definisi transformasi linear.
- 2. Mahasiswa .dapat menentukan suatu pemetaan merupakan transformasi linear atau bukan.
- 3. Mahasiswa dapat memberikan contoh transformasi linear.
- 4. Mahasiswa dapat menyebutkan dan membuktikan sifat-sifat transformasi linear.

#### C. Materi Perkuliahan

Definisi transformasi linear, sifat-sifat transformasi linear

Tahap	Uraian kegiatan Perkuliahan	Media/Alat Perkuliahan	Estimasi waktu
1	2	3	4
Pendahuluan	Apersepsi: mengulas materi pada	1. LCD	20 menit
	homomorfisma grup maupun ring	2. Laptop	
	yang telah dipelajari dalam mata		

		kuliah aljabar abstrak yang telah diberikan pada perkuliahan			
		semester seblumnya.			
	2.	·			
		dan indikator pencapaian			
		kompetensi dari materi ini.			
Penyajian (Inti)	1.	Memberikan alasan/ motivasi	1.	LCD	105 menit
		suatu pemetaan yang disebut	2.	Laptop	
		transformasi linear.	3.	Papan tulis	
	2.	Menjelaskan definisi			
		transformasi linear.			
	3.	Memberikan contoh transformasi			
		linear.			
	4.	Menjelaskan dan membuktikan			
		sifat-sifat transformasi linear.			
	5.	Memberikan latihan soal tentang			
		transformasi linear melalui diskusi			
		kelas dengan strategi guided			
		questions.			
Penutup dan	1.	Memberikan kesimpulan tentang	1.	LCD	10 menit
Tindak Lanjut		materi tersebut.	2.	Papan Tulis	
	2.	Menjelaskan sekilas tentang	3.	Laptop	
		materi berikutnya.			
	3.	Memberikan Kuis terkait materi			15 menit
		tersebut.			
		(jika tepat waktu, bersifat			
		tentative)			
	4.	Tugas terintegrasi dengan materi			
		sebelumnya.			

- 1. Keaktifan mahasiswa dalam menjawab guided questions dengan tepat, dengan memberikan tanda khusus pada daftar nilai harian.
- 2. Hasil penilaian kuis
- 3. Hasil penilaian tugas

Yogyakarta, Juni 2015 Dosen Pengampu,

Mata Kuliah : ALJABAR LINEAR II

Kode Mata Kuliah: SMA 316

Dosen : Dr. Karyati, S.Si, M.Si

**SKS** : 3 SKS

Waktu Pertemuan: 3 x 50 menit

Pertemuan ke : 10 (Sepuluh)

### A. Kompetensi dasar

Mahasiswa mampu menentukan kernel dan jangkauan (image) dari suatu transformasi linear dan mampu membuktikan sifat-sifat kernel dan jangkauan

## B. Indikator Pencapaian Kompetensi:

- 1. Mahasiswa dapat menjelaskan definisi kernel dan jangkauan suatu transformasi linear.
- 2. Mahasiswa .dapat memberikan contoh kernel dan jangkauan suatu transformasi linear.
- 3. Mahasiswa dapat menentukan kernel dan jangkauan suatu transformasi linear.
- 4. Mahasiswa dapat menyebutkan dan membuktikan sifat-sifat transformasi linear.

## C. Materi Perkuliahan

Kernel dan jangkauan suatu transformasi linear, sifat-sifat kernel dan jangkauan.

Tahap	Uraian kegiatan Perkuliahan	Media/Alat Perkuliahan	Estimasi waktu
1	2	3	4
Pendahuluan	<ol> <li>Apersepsi: mengulas materi</li> </ol>	1. LCD	20 menit
	kernel dan jangkauan (image)	2. Laptop	
	pada suatu homomorfisma		
	grup/ring.		
	2. Mengulas materi pada pertemuan		
	sebelumnya dan kaitannya		

		dengan materi saat ini.			
	3.	•			
		dan indikator pencapaian			
		kompetensi dari materi ini.			
Penyajian (Inti)	1.	Memberikan alasan/ motivasi	1		105 menit
		adanya kernel dan jangkauan.	3		
	2.	Menjelaskan definisi kernel dan		•	
		jangkauan suatu transformasi			
		linear.			
	3.	Memberikan contoh kernel dan			
		jangkauan transformasi linear.			
	4.	Menjelaskan dan membuktikan			
		sifat-sifat kernel dan jangkauan.			
	5.	Memberikan latihan soal			
		tentang kernel dan jangkauan			
		transformasi linear melalui			
		diskusi kelas dengan strategi			
		guided questions			
Penutup dan	1.	Memberikan kesimpulan	1	. LCD	10 menit
Tindak Lanjut		tentang materi tersebut.	2	. Papan Tulis	
	2.	Menjelaskan sekilas tentang	3	. Laptop	
		materi berikutnya.			
	3.	Memberikan Kuis terkait materi			15 menit
		tersebut.			
		(jika tepat waktu, bersifat			
		tentative)			
	4.	Tugas terintegrasi dengan			
		materi sesudahntanya.			
		matori ocodadinitariya.	L		

- 1. Keaktifan mahasiswa dalam menjawab *guided questions* dengan tepat, dengan memberikan tanda khusus pada daftar nilai harian.
- 2. Hasil penilaian kuis
- 3. Hasil penilaian tugas

Yogyakarta, Juni 2015 Dosen Pengampu,

Mata Kuliah : ALJABAR LINEAR II

Kode Mata Kuliah: SMA 316

Dosen / e-mail : Dr. Karyati, S.Si, M.Si / karyati@uny.ac.id

SKS : 3 SKS

Waktu Pertemuan: 3 x 50 menit

Pertemuan ke : 11 (Sebelas)

### A. Kompetensi Dasar

Mahasiswa mampu menentukan rank dan nullitas suatu jangkauan dan kernel dari transformasi linear.

### B. Indikator Pencapaian Kompetensi:

- 1. Mahasiswa dapat menjelaskan definisi rank dan nillitas suatu jangkauan dan kernel.
- 2. Mahasiswa dapat menentukan basis dari jangkauan dan kernel suatu transformasi linear.
- 3. Mahasiswa dapat menentukan rank dan nillitas suatu jangkauan dan nullitas.
- 4. Mahasiswa dapat menyebutkan dan membuktikan sifat-sifat rank dan nullitas.

#### C. Materi Perkuliahan

Basis dari jangkauan dan kernel, definisi rank dan nullitas, sifat-sifat rank dan nullitas.

Tahap	Uraian kegiatan Perkuliahan	Media/Alat	Estimasi
		Perkuliahan	waktu
1	2	3	4
Pendahuluan	1. Apersepsi: mengulas materi pada	1. LCD	20 menit
	pertemuan sebelumnya dan	2. Laptop	
	kaitannya dengan materi saat ini.		
	2Menjelaskan kompetensi dasar		

		dan indikator pencapaian			
		kompetensi dari materi ini.			
Penyajian (Inti)	1.	Memberikan alasan/ motivasi	1.	LCD	105 menit
		adanya rank dan nullitas.	2.	Laptop	
	2.	Menjelaskan bagaimana	3.	Papan tulis	
		menentukan basis suatu			
		jangkauan dan kernel.			
	3.	Memberikan contoh menentukan			
		basis jangkauan dan kernel.			
	4.	Menjelaskan definisi rank dan			
		nullitas.			
	5.	Memberikan contoh menentukan			
		rank dan nullitas.			
	6.	Memberikan latihan soal basis			
		orthogonal dan orthonormal			
		melalui diskusi kelas dengan			
		strategi guided questions.			
Penutup dan	1.	Memberikan kesimpulan tentang	1.	LCD	10 menit
Tindak Lanjut		materi tersebut.	2.	Papan Tulis	
	2.	Menjelaskan sekilas tentang	3.	Laptop	
		materi berikutnya.			
	3.	Memberikan Kuis terkait materi			15 menit
		tersebut.			
		(jika tepat waktu, bersifat			
		tentative)			
	4.	Tugas terintegrasi dengan materi			
		sebelumnya.			
	1		<u> </u>		

- 1. Keaktifan mahasiswa dalam menjawab guided questions dengan tepat, dengan memberikan tanda khusus pada daftar nilai harian.
- 2. Hasil penilaian kuis
- 3. Hasil penilaian tugas

Yogyakarta, Juni 2015 Dosen Pengampu,

Mata Kuliah : ALJABAR LINEAR II

Kode Mata Kuliah: SMA 316

Dosen / e-mail : Dr. Karyati, S.Si, M.Si / karyati@uny.ac.id

**SKS** : 3 SKS

Waktu Pertemuan: 3 x 50 menit

Pertemuan ke : 12 (Dua belas)

### A. Kompetensi dasar

Mahasiswa mampu menjelaskan kejadian khusus transformasi linear bidang beserta sifat dan buktinya.

### B. Indikator Pencapaian Kompetensi:

- 1. Mahasiswa dapat menjelaskan definisi rotasi, refleksi, ekspansi, kompresi, geseran.
- 2. Mahasiswa dapat memberikan contoh rotasi, refleksi, ekspansi, kompresi, geseran
- 3. Mahasiswa dapat menyebutkan dan membuktikan sifat-sifat rotasi, refleksi, ekspansi, kompresi, geseran.

#### C. Materi Perkuliahan

Definisi rotasi, refleksi, ekspansi, kompresi, geseran dan sifat-sifatnya.

Tahap		Uraian kegiatan Perkuliahan		Media/Alat Perkuliahan	Estimasi waktu
1		2		3	4
Pendahuluan	1.	Apersepsi: mengulas materi	1.	LCD	20 menit
		tentang transformasi linear dan	2.	Laptop	
		kaitannya dengan materi saat ini.			
	2.	Menjelaskan kompetensi dasar			
		dan indikator pencapaian			

	kompetensi dari materi ini.		
Penyajian (Inti)	adanya rotasi, refleksi, ekspansi, 2.	LCD Laptop Papan tulis	105 menit
	Menjelaskan definisi rotasi,     refleksi, ekspansi, kompresi,     geseran		
	3. Memberikan contoh rotasi, refleksi, ekspansi, kompresi, geseran.		
	4. Memberikan latihan soal tentang rotasi, refleksi, ekspansi, kompresi, geseran melalui diskusi kelas dengan strategi <i>guided questions</i> .		
Penutup dan	Memberikan kesimpulan tentang     1.		10 menit
Tindak Lanjut	materi tersebut. 2.  2. Menjelaskan sekilas tentang 3. materi berikutnya.	Papan Tulis Laptop	
	3. Memberikan Kuis terkait materi tersebut.  (jika tepat waktu, bersifat tentative)		15 menit
	Tugas terintegrasi dengan materi berikutnya.		

- 1. Keaktifan mahasiswa dalam menjawab guided questions dengan tepat, dengan memberikan tanda khusus pada daftar nilai harian.
- 2. Hasil penilaian kuis
- 3. Hasil penilaian tugas

Yogyakarta, Juni 2015 Dosen Pengampu,

Mata Kuliah : ALJABAR LINEAR II

Kode Mata Kuliah: SMA 316

Dosen / e-mail : Dr. Karyati, S.Si, M.Si / karyati@uny.ac.id

**SKS** : 3 SKS

Waktu Pertemuan: 3 x 50 menit

Pertemuan ke : 13 (Tiga belas)

## A. Kompetensi dasar

Mahasiswa mampu menjelaskan pengertian matriks transformasi linear dan mampu menyebutkan sifat dan pembuktiannya.

### B. Indikator Pencapaian Kompetensi:

- 1. Mahasiswa dapat menjelaskan definisi matriks transformasi linear.
- 2. Mahasiswa dapat memberikan contoh matriks transformasi linear.
- 3. Mahasiswa dapat menyebutkan dan membuktikan sifat-sifat matriks transformasi linear.

#### C. Materi Perkuliahan

Definisi matriks transformasi linear dan sifat-sifatnya

Tahap	Uraian kegiatan Perkuliahan	Media/Alat Perkuliahan	Estimasi waktu
1	2	3	4
Pendahuluan	Apersepsi: mengulas materi	1. LCD	20 menit
	tentang transformasi linear,	2. Laptop	
	basis, koordinat vektor dan		
	kaitannya dengan materi saat ini.		
	2. Menjelaskan kompetensi dasar		
	dan indikator pencapaian		

		kompetensi dari materi ini.			
Penyajian (Inti)	1.			LCD	105 menit
		adanya matriks transformasi	2.	Laptop	
		linear.	3.	Papan tulis	
	2.	. ,			
		transformasi linear.			
	3.	Memberikan contoh matriks			
		transformasi linear.			
	4.	Menjelaskan dan membuktikan			
		sifat-sifat dari matriks			
		transformasi linear.			
	5.				
		matriks transformasi lineardiskusi			
		kelas dengan strategi <i>guided</i>			
		questions.			
Penutup dan	1.	Memberikan kesimpulan tentang	5.	LCD	11 menit
Tindak Lanjut		materi tersebut.	6.	Papan Tulis	
	2.	Menjelaskan sekilas tentang	7.	Laptop	
		materi berikutnya.			
	3.	Memberikan Kuis terkait materi			16 menit
		tersebut.			
		(jika tepat waktu, bersifat			
		tentative)			
	4.	Tugas terintegrasi dengan materi			
		berikunya.			

- 1. Keaktifan mahasiswa dalam menjawab guided questions dengan tepat, dengan memberikan tanda khusus pada daftar nilai harian.
- 2. Hasil penilaian kuis
- 3. Hasil penilaian tugas

Yogyakarta, Juni 2015 Dosen Pengampu,

Mata Kuliah : ALJABAR LINEAR II

Kode Mata Kuliah: SMA 316

Dosen / e-mail : Dr. Karyati, S.Si, M.Si / karyati@uny.ac.id

**SKS** : 3 SKS

Waktu Pertemuan: 3 x 50 menit

Pertemuan ke : 14 (Empat belas)

### A. Kompetensi dasar

Mahasiswa mampu menjelaskan pengertian matriks baku transformasi linear dan matriks transisi serta mampu membuktikan sifat-sifatnya.

# B. Indikator Pencapaian Kompetensi:

- Mahasiswa dapat menjelaskan definisi matriks baku transformasi linear dan matriks transisi.
- Mahasiswa dapat memberikan contoh matriks baku transformasi linear dan matriks transisi.
- 3. Mahasiswa dapat menyebutkan dan membuktikan sifat-sifat matriks transisi transformasi linear.

#### C. Materi Perkuliahan

Definisi matriks baku dan matriks transisi suatu transformasi linear dan sifat-sifatnya

Tahap	Uraian kegiatan Perkuliahan	Media/Alat Perkuliahan	Estimasi waktu
1	2	3	4
Pendahuluan	Apersepsi: mengulas materi	1. LCD	20 menit
	tentang transformasi linear, basis	2. Laptop	
	baku, koordinat vektor dan		

		kaitannya dengan materi saat ini.			
	2.	Menjelaskan kompetensi dasar			
		dan indikator pencapaian			
		kompetensi dari materi ini.			
Penyajian (Inti)	1.	Memberikan alasan/ motivasi	1.	LCD	105 menit
		adanya matriks transisi	2.	Laptop	
		transformasi linear.	3.	Papan tulis	
	2.	Menjelaskan definisi matriks			
		transisi transformasi linear.			
	3.	Memberikan contoh matriks			
		transisi transformasi linear.			
	4.	Menjelaskan dan membuktikan			
		sifat-sifat dari matriks transisi			
		transformasi linear.			
	5.	Memberikan latihan soal tentang			
		matriks transisi transformasi			
		linear dengan metode diskusi			
		kelas dan strategi guided			
		questions.			
Penutup dan	1.	Memberikan kesimpulan tentang	1.	LCD	10 menit
Tindak Lanjut		materi tersebut.	2.	Papan Tulis	
	2.	Menjelaskan sekilas tentang	3.	Laptop	
		materi berikutnya.			
	3.	Memberikan Kuis terkait materi			15 menit
		tersebut.			
		(jika tepat waktu, bersifat			
		tentative)			
	4.	Tugas terintegrasi dengan			
		materi sebelumnya.			
<u> </u>	1				

- 1. Keaktifan mahasiswa dalam menjawab guided questions dengan tepat, dengan memberikan tanda khusus pada daftar nilai harian.
- 2. Hasil penilaian kuis
- 3. Hasil penilaian tugas

Yogyakarta, Juni 2015 Dosen Pengampu,

Mata Kuliah : ALJABAR LINEAR II

Kode Mata Kuliah: SMA 316

Dosen / e-mail : Dr. Karyati, S.Si, M.Si / karyati@uny.ac.id

**SKS** : 3 SKS

Waktu Pertemuan: 3 x 50 menit

Pertemuan ke : 15 (Lima belas)

### A. Kompetensi dasar

Mahasiswa mampu menentukan persamaan karakteristik, akar karakteristik, nilai eigen, vektor eigen serta sifat dan penerapannya.

### B. Indikator Pencapaian Kompetensi:

- Mahasiswa dapat menjelaskan definisi dan menentukan persamaan karakteristik dan akarnya.
- 2. Mahasiswa dapat menjelaskan definisi dan menentukan nilai eigen dan vektor eigen
- Mahasiswa dapat menyebutkan dan membuktikan sifat-sifat nilai eigen dan vektor eigen.
- 4. Mahasiswa dapat menerapkan teori eigen vektor pada masalah diagonalisasi.

#### C. Materi Perkuliahan

Persamaan dan akar karakteristik, nilai eigen dan vektor eigen, sifat-sifat nilai eigen dan vektor eigen, diagonalisasi.

Uraian kegiatan Perkuliahan	Media/Alat Perkuliahan	Estimasi waktu
2	3	4
<ol> <li>Apersepsi: Akar polynomial, matriks transformasi linear,</li> </ol>	<ol> <li>LCD</li> <li>Laptop</li> </ol>	20 menit
	2  1. Apersepsi: Akar polynomial,	Perkuliahan  2 3  1. Apersepsi: Akar polynomial, 1. LCD

		kaitannya dengan materi saat			
		ini.			
	2.				
	۷.	dasar dan indikator			
		pencapaian kompetensi dari			
		materi ini.			
Penyajian (Inti)	1	Memberikan alasan/ motivasi	4	LCD	105 menit
i onyajian (ma)		adanya nilai eigen dan vektor	5.	Laptop	Too mome
		eigen.		Papan tulis	
	2	Menjelaskan bagaimana	0.	i apair tailo	
	۷.	-			
		menentukan persamaan karakteristik dan akar-akar			
		karakteristik.			
	3.	Memberikan contoh			
		menentukan persamaan dan			
		akar karakteristik.			
	4.	Menjelaskan dan			
		membuktikan sifat-sifat akar			
		karakteristik			
	5.	Menjelaskan bagaimana			
		menentukan nilai eigen dan			
		vektor eigen.			
	6.	Memberikan contoh			
		menentukan nilai dan vektor			
		eigen.			
	7.	Menjelaskan dan			
		membuktikan sifat-sifat nilai			
		dan vektor eigen			
	8.	Menjelaskan tentang aplikasi			
		vektor eigen pada			
		diagonalisasi.			
	9.	Memberikan latihan soal			
	i		1		l

	tentang persamaan dan akar		
	karakteristik, nilai dan vektor		
	eigen serta diagonalisasi		
	dengan metode diskusi kelas		
	dan strategi guided questions.		
Penutup dan	Memberikan kesimpulan	1. LCD	10 menit
Tindak Lanjut	tentang materi tersebut.	2. Papan Tulis	
	2. Menjelaskan sekilas	3. Laptop	
	tentang materi berikutnya.		
	3. Memberikan Kuis terkait		15 menit
	materi tersebut.		
	(jika tepat waktu, bersifat		
	tentative)		
	4. Tugas		

- 1. Keaktifan mahasiswa dalam menjawab guided questions dengan tepat, dengan memberikan tanda khusus pada daftar nilai harian.
- 2. Hasil penilaian kuis
- 3. Hasil penilaian tugas

Yogyakarta, Juni 2015 Dosen Pengampu,